

Exercice : 1 ( 10 points )

Les nombres  $a, b, c, d$  étant des entiers naturels non nuls. Réponde par vrai ou faux, en justifiant la réponse.

- 1) 20092008 est divisible par 11.
- 2) 20092008 est divisible par 8.
- 3) 20092008 est divisible par 9.
- 4) Si  $a$  divise  $b$  et  $c$ , alors  $c^2 - 2b$  est multiple de  $a$ .
- 5) Si  $a$  divise  $b + c$  et  $b - c$ , alors  $a$  divise  $b$  et  $a$  divise  $c$ .
- 6) Si 19 divise  $ab$ , alors 19 divise  $a$  ou 19 divise  $b$ .
- 7) Si  $a$  est multiple de  $b$  et si  $c$  est multiple de  $d$ , alors  $a + c$  est multiple de  $b + d$ .
- 8) Si 4 ne divise pas  $bc$ , alors  $b$  ou  $c$  est impair.
- 9) Si  $a$  divise  $b$  et  $b$  ne divise pas  $c$ , alors  $a$  ne divise pas  $c$ .
- 10) Si 5 divise  $b$ , alors 25 divise  $b^2$ .
- 11) Si 12 divise  $b^2$ , alors 36 divise  $b^2$ .

Exercice : 2 ( 10 points )

ABC un triangle rectangle en A dans le sens direct tel que  $\hat{A}BC = \frac{\pi}{6}$ .

On construit à l'extérieur de ABC les triangles équilatéraux AIB et BJC. On désigne par K le symétrique de A par rapport à la droite (BC).

- 1) Soit R la rotation indirecte de centre B et d'angle  $\frac{\pi}{3}$ .
  - a) Préciser  $R(I)$  et  $R(C)$ , en déduire que  $IC = AJ$ .
  - b) Montrer que  $R(A) = K$  et que K est le milieu de [CJ].
- 2) a) Montrer que le quadrilatère AIBK est un losange.  
b) En déduire que les droites (IA) et (CJ) sont perpendiculaires.
- 3°) On désigne par  $C_1$  et  $C_2$  les cercles circonscrits respectifs aux triangles AIB et AKB;
  - a) Montrer que  $R(C_1) = C_2$ .
  - b) La droite (IC) recoupe  $C_1$  en M et la droite (AJ) recoupe  $C_2$  en N. Montrer que  $R(M) = N$ .

Bon travail